

## سلسلة أعمال موجهة 2 : المجموعات

1. لتكن  $E$  مجموعة كيفية. عين قيم صدق كل من القضايا التالية:

$$\phi \in \{\phi\}, \phi \subset \{\phi\}, \phi \in \phi, E \in E$$

2. قدم أمثلة تبين فيها أن

$$E - F \neq F - E, E \times F \neq F \times E$$

وعين في الحالة العامة  $E - \phi, E \times \phi, E - E$  من أجل مجموعات كيفية.

3. لتكن  $A$  و  $B$  مجموعتين جزئيتين من مجموعة  $E$ .

أثبت صحة القضايا التالية:  $A \subset B \Rightarrow A \cap B = A$

$$A \subset B \Rightarrow C_E B \subset C_E A$$

$$A \cap B = \phi \Leftrightarrow A \subset C_E B$$

4. لتكن  $A$  و  $B$  و  $C$  مجموعات جزئية من مجموعة  $E$

أثبت صحة القضايا التالية :

$$A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$$

$$(A - B) \times C = (A \times C) - (B \times C)$$

5. هات مثالا تبين فيه أن  $A \times (B \cup C) \neq (A \times B) \cup (A \times C)$

6. لتكن  $E$  و  $F$  مجموعتين كيفيتين، بين أن

$$E \subset F \Rightarrow P(E) \subset P(F)$$

7. هات مثالا تبين فيه أن  $P(E \cup F) \neq P(E) \cup P(F)$