

$$\begin{aligned} \text{Min } Z &= 3x_1 + 7x_2 + 2x_3 \\ \text{s/c } &\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + x_3 = 29 \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 \geq 12 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0 \\ x_1, x_3 \text{ entiers} \end{cases} \end{aligned}$$

جدول الحل الأساسي الرابع (الأمثل):

Ci	Xi	x_1	x_2	x_3	x_4^a	x_5^c	x_6^a	b_i
3	x_1	1	1	0	2/7	1/7	-1/7	46/7
2	x_3	0	1	1	-1/7	-4/7	4/7	19/7
	C_j	3	7	2	M	0	M	
	Z_j	3	5	2	4/7	-5/7	5/7	
	Δ_j	0	2	0	M-4/7	5/7	M-5/7	Z=176/7

يُلاحظ أن قيمتي X_1 و X_3 قيمتهما ليستا صحيحتان وهو ما يتنافى مع شرط أن تكون قيمتهما صحيحتان.

يتم تطبيق طريقة غوموري كما يلي:

لدينا:

$$X_1 = 46/7 = 6,57$$

$$X_3 = 19/7 = 2,71$$

بما أن قيمة المتغيرة X_3 تحتوي على أكبر قيمة عشرية فهي المتغيرة التي يتم إختيارها.

$$b_k = E_k + D_k$$

$$b_2 = E_2 + D_2$$

$$\frac{19}{7} = 2 + \frac{5}{7}$$

$$b_k = X_r + \sum_{j=h}^p a_{kj} X_j$$

$$\frac{19}{7} = X_3 + \left[X_2 + \left(-\frac{1}{7}\right)X_4^a + \left(-\frac{4}{7}\right)X_5^c + \left(\frac{4}{7}\right)X_6^a \right]$$

$$X_3 = \left(\frac{19}{7}\right) - \left[X_2 + \left(-\frac{1}{7}\right)X_4^a + \left(-\frac{4}{7}\right)X_5^c + \left(\frac{4}{7}\right)X_6^a \right]$$

$$X_3 = \left(2 + \frac{5}{7}\right) - \left[(1 + 0)X_2 + \left(-1 + \frac{6}{7}\right)X_4^a + \left(-1 + \frac{3}{7}\right)X_5^c + \left(0 + \frac{4}{7}\right)X_6^a \right]$$

$$X_3 = 2 + \frac{5}{7} - X_2 + X_4^a - \frac{6}{7}X_4^a + X_5^c - \frac{3}{7}X_5^c - \frac{4}{7}X_6^a$$

$$X_3 = (2 - X_2 + X_4^a + X_5^c) + \left(\frac{5}{7} - \frac{6}{7}X_4^a - \frac{3}{7}X_5^c - \frac{4}{7}X_6^a\right)$$

$$\frac{5}{7} - \frac{6}{7}X_4^a - \frac{3}{7}X_5^c - \frac{4}{7}X_6^a \leq 0$$

ومنه فإن قيد غوموري يُكتب كما يلي:

$$-\frac{6}{7}X_4^a - \frac{3}{7}X_5^c - \frac{4}{7}X_6^a \leq -\frac{5}{7}$$

ويتم إضافة القيد الأخير إلى جدول الحل الأمثل كما يلي:

$$-\frac{6}{7}X_4^a - \frac{3}{7}X_5^c - \frac{4}{7}X_6^a + X_7^c = -\frac{5}{7}$$

Ci	Xi	x_1	x_2	x_3	x_4^a	x_5^c	x_6^a	X_7^c	b_i
3	x_1	1	1	0	2/7	1/7	-1/7	0	46/7
2	x_3	0	1	1	-1/7	-4/7	4/7	0	19/7
0	X_7^c	0	0	0	-6/7	-3/7	-4/7	1	-5/7
	C_j	3	7	2	M	0	M	0	
	Z_j	3	5	2	4/7	-5/7	5/7	0	
	Δ_j	0	2	0	M-4/7	5/7	M-5/7	0	Z=176/7
	Δ_j/x_{i^*j}	-	-	-	-	-5/3	-	-	

صف
الإرتكاز

↑
عمود
الإرتكاز

Ci	Xi	x_1	x_2	x_3	x_4^a	x_5^c	x_6^a	X_7^c	b_i
3	x_1	1	1	0	0	0	-1/3	1/3	19/3
2	x_3	0	1	1	1	0	4/3	-4/3	11/3
0	X_5^c	0	0	0	2	1	4/3	-7/3	5/3
	C_j	3	7	2	M	0	M	0	
	Z_j	3	5	2	2	0	5/3	-5/3	
	Δ_j	0	2	0	M-2	0	M-5/3	5/3	Z=79/3

يُلاحظ أن الجدول هو جدول حل أمثل ويمكن لكن قيمتي المتغيرتين X_1 و X_3 مازلتا غير صحيحتين لهذا نكرر تطبيق طريقة غوموري. لدينا:

$$X_1 = 19/3 = 6,33$$

$$X_3 = 11/3 = 3,66$$

بما أن قيمة المتغيرة X_3 تحتوي على أكبر قيمة عشرية فهي المتغيرة التي يتم إختيارها.

$$b_2 = E_2 + D_2$$

$$\frac{11}{3} = 3 + \frac{2}{3}$$

$$b_k = X_r + \sum_{j=h}^p a_{kj} X_j$$

$$\frac{11}{3} = X_3 + \left[X_2 + X_4^a + \left(\frac{4}{3}\right) X_6^a + \left(-\frac{4}{3}\right) X_7^c \right]$$

$$X_3 = \left(\frac{11}{3}\right) - \left[X_2 + X_4^a + \left(\frac{4}{3}\right) X_6^a + \left(-\frac{4}{3}\right) X_7^c \right]$$

$$X_3 = \left(3 + \frac{2}{3}\right) - \left[(1+0)X_2 + (1+0)X_4^a + \left(1 + \frac{1}{3}\right) X_6^a + \left(-2 + \frac{2}{3}\right) X_7^c \right]$$

$$X_3 = 3 + \frac{2}{3} - X_2 - X_4^a - X_6^a - \frac{1}{3} X_6^a + 2X_7^c - \frac{2}{3} X_7^c$$

$$X_3 = (3 - X_2 - X_4^a - X_6^a + 2X_7^c) + \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{3} X_6^a - \frac{2}{3} X_7^c\right)$$

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{3} X_6^a - \frac{2}{3} X_7^c \leq 0$$

ومنه فإن قيد غوموري يكتب كما يلي:

$$-\frac{1}{3} X_6^a - \frac{2}{3} X_7^c \leq -\frac{2}{3}$$

ويتم إضافة القيد الأخير إلى جدول الحل الأمثل كما يلي:

$$-\frac{1}{3} X_6^a - \frac{2}{3} X_7^c + X_8^c = -\frac{2}{3}$$

Ci	Xi	x_1	x_2	x_3	x_4^a	x_5^c	x_6^a	X_7^c	X_8^c	b_i
3	x_1	1	1	0	0	0	-1/3	1/3	0	19/3
2	x_3	0	1	1	1	0	4/3	-4/3	0	11/3
0	X_5^c	0	0	0	2	1	4/3	-7/3	0	5/3
0	X_8^c	0	0	0	0	0	-1/3	-2/3	1	-2/3
	C_j	3	7	2	M	0	M	0	0	
	Z_j	3	5	2	2	0	5/3	-5/3	0	
	Δ_j	0	2	0	M-2	0	M-5/3	5/3	0	Z=79/3
	Δ_j/x_{i^*j}	-	-	-	-	-	-	-5/2	-	

صف
الإرتكاز ←

↑
عمود
الإرتكاز

Ci	Xi	x_1	x_2	x_3	x_4^a	x_5^c	x_6^a	X_7^c	X_8^c	b_i
3	x_1	1	1	0	0	0	-1/2	0	1/2	6
2	x_3	0	1	1	1	0	2	0	-2	5
0	X_5^c	0	0	0	2	1	5/2	0	-7/2	4
0	X_7^c	0	0	0	0	0	1/2	1	-3/2	1
	C_j	3	7	2	M	0	M	0	0	
	Z_j	3	5	2	2	0	5/2	0	-5/2	
	Δ_j	0	2	0	M-2	0	M-5/2	0	5/2	Z=28

يُلاحظ أن الجدول هو جدول حل أمثل وممكن، وأن قيمتي X_3 و X_1 صحيحتان وهو ما يحقق الشرط المطلوب، ومنه فإن نقطة الحل الأمثل هي كما يلي:

$$X_1 = 6, X_2 = 0, X_3 = 5, X_5^c = 4, X_7^c = 1, X_8^c = 0, \text{ Min } Z = 28$$