

امتحان التقويم المستمر الأول

التمرين ١

التمرين ٢ أدرس محدودية المجموعتين A و B , و عين الأعداد $\sup, \inf, \max, \min$ لكل مجموعة:

$$A = \left\{ n + \frac{(-1)^n}{n}, \quad n \geq 1 \right\}.$$

$$B = \left\{ x + \frac{1}{x}, \quad x > 0 \right\}.$$

التمرين ٣ أجب ب (نعم) أو (لا) بدون تبرير:

١. كل متتالية محدودة من الأعلى فهي متزايدة.

٢. إذا كانت u_n متقاربة فإن (u_n^2) متقاربة.

٣. إذا كانت المتتالية العددية u_n محصورة بين متتاليتين متقاربتين فإن u_n متقاربة.

٤. إذا كانت $(u_n + v_n)$ متباعدة فإن u_n و v_n متباعدتين.

٥. إذا كانت $u_n \geq 0, \forall n \in \mathbb{N}$ و $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{1}{2}$ فإن $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$.

٦. إذا كانت u_n متقاربة فإن $\frac{1}{u_n}$ متقاربة.

بالتوفيق