

السلسلة الثانية (حركية النقطة المادية)

-التمرين 1-

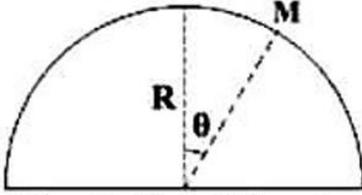
يعطى شعاع الموضع لجسم كتلته 6 Kg بـ:

$$\vec{r} = (3t^2 - 6t)\vec{i} + (-4t^3)\vec{j} + (3t + 2)\vec{k}$$

أوجد:

- 1- القوة \vec{F} المؤثرة على الجسم .
- 2- عزم القوة \vec{F} بالنسبة للمبدأ .
- 3- كمية الحركة \vec{P} للجسم و عزمه الحركي $\vec{L}/0$ بالنسبة للمبدأ .
- 4- تأكد أن $\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}$ و أن $\vec{M}/0(\vec{F}) = \frac{d\vec{L}}{dt}$

- التمرين 02 : جسم كتلته m موجود عند قمة نصف كرة من الجليد نصف قطرها R ، ينزلق دون احتكاك و دون سرعة ابتدائية

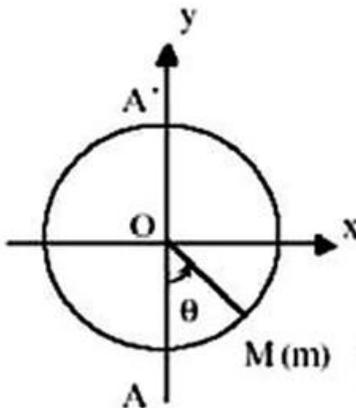


- 1- حدد مجموع القوى التي تؤثر في الجسم، ثم أحسب قوة رد الفعل عند النقطة M بدلالة الزاوية θ ، g و m .
- 2- أوجد الزاوية التي يغادر بها الجسم الكرة و السرعة التي اكتسبها.

- التمرين 03 : كتلة m تحت تأثير قوتين: $\vec{F}_1 = a \cdot \sin(\omega t) \cdot \vec{i}$ و $\vec{F}_2 = b \cdot \cos(\omega t) \cdot \vec{j}$

- حيث a و b ثابتان موجبان، في اللحظة الابتدائية $t = 0$ توجد الكتلة عند النقطة $M_0(0, y_0)$ و يملك سرعة $\vec{V}_0 = V_0 \vec{i}$ مع $(V_0 = -a/m\omega, y_0 = -b/m\omega^2)$
- 1- أوجد عبارة التسارع
 - 2- أوجد عبارة السرعة
 - 3- أوجد معادلة المسار

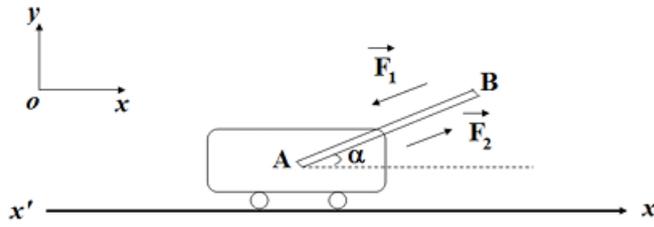
- التمرين 04 : نقطة مادية M كتلتها m مربوطة بالمركز O بواسطة خيط غير قابل للتمدد و مهمل الكتلة، تتحرك على مسار دائري شاقولي نصف قطره r .



- 1- أحسب شدة توتر الخيط عند النقطتين A و A' بدلالة v_A, r, m ، هل القيم موجبة
- 2- أكتب المعادلة الأساسية للتحريك ، ثم استنتج المعادلة التفاضلية للزاوية θ التي يصنعها OM مع الشاقول (لأجل مكاملة المعادلة نضرب طرفيها بالمقدار $(d\theta/dt)$ ثم استنتج السرعة عند اللحظة t مع العلم أن السرعة الابتدائية $(\theta = 0)$ هي v_0 (نكتب v^2 بدلالة θ, g, r, v_0). أحسب عند ذلك شدة توتر الخيط
- 3- لنعتبر أن السرعة θ_v قيمة الزاوية التي تكون من أجلها السرعة معدومة، و θ_T القيمة التي يكون من أجلها التوتر معدوماً، أستخرج عبارة كل من $\cos \theta_v$ و $\cos \theta_T$ بدلالة نفس المعطيات ثم أرسمها بدلالة v_0 و استنتج طبيعة الحركة حسب قيمة v_0

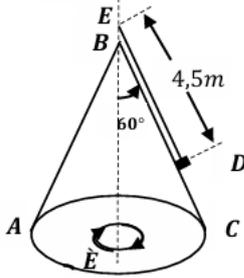
التمرين 5

- يحرك رجل عربة كتلتها m على طريق أفقي خشن (معامل احتكاكه μ) فيدفعها بقوة \vec{F}_1 لتتحرك نحوى الأمام بتسارع \vec{a} ثم يدفعها بقوة \vec{F}_2 (بواسطة الذراع AB) نحو الخلف فتتحرك بنفس التسارع \vec{a} . أثبت أن إحدى القوتين أكبر من الأخرى.



التمرين 6:

ينتقل جسم D كتلته $5,5\text{kg}$ بدون احتكاك على سطح مخروط ABC (الشكل - 1 -)، و ذلك بدورانه حول المحور EE' بسرعة زاوية $10\text{tours}/\text{mn}$. أحسب:

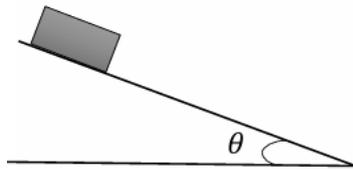


1- السرعة الخطية للجسم.
2- رد فعل السطح على الجسم.
3- توتر الخيط.
4- السرعة الزاوية الدنيا اللازمة لكي يبتعد الجسم عن سطح المخروط. نأخذ $g = 9,8\text{m} \cdot \text{s}^{-2}$

التمرين 7:

يبين الشكل التالي جسما ثقله 5N موضوعا على مستوي خشن مائل بزاوية $\theta = 35^\circ$.

معامل الاحتكاك السكوني هو $0,80$. نأخذ $g = 10\text{m} \cdot \text{s}^{-2}$.



1- ما قيمة زاوية الميل التي بداية منها يبدأ الجسم في الحركة؟
2- ما قيمة قوة الاحتكاك السكوني الأعظمية؟

3- ما قيمة القوة الناعظمية عند الميل $\theta = 35^\circ$ ، مستنتجا بذلك قوة الاحتكاك السكوني؟

4- فرضا أن $\theta = 40^\circ$. ما طبيعة حركة الجسم؟ علما أن معامل الاحتكاك الحركي هو: $\mu_c = 0,60$.